

REPUBLIQUE ALGERIENNE DEMOCRATIQUE ET POPULAIRE  
MINISTERE DE L'ENSEIGNEMENT SUPERIEUR ET DE LA RECHERCHE  
SCIENTIFIQUE

INSTITUT NATIONAL DE FORMATION EN INFORMATIQUE  
Oued-Smar (Alger)

## MEMOIRE

*Pour l'obtention du diplôme D'ingénieur d'état en informatique*

(Option : Systèmes Informatiques)

### Thème

**Segmentation des images mammographiques par les  
champs aléatoires de Markov pour la détection  
des microcalcifications**

Organisme d'accueil :INI-CERIST

Réalisé par :

- Mr. OUZIRI Mourad
- Mr. BOUZOUADA Maaradj

Promoteur :

- Melle B. OUSSENA

PROMOTION : 1998

## Résumé

La mammographie demeure la technique pour diagnostiquer les différentes affections de la glande mammaire. Elle sert non seulement à améliorer le diagnostique en cas d'anomalie clinique, mais elle permet aussi de dépister des cancers de petites tailles non palpables.

L'objectif de tout système radiographique est l'obtention d'une image de la plus haute qualité possible afin d'assurer la précision diagnostique la plus élevée.

L'objectif de notre travail est d'aider le praticien à mieux localiser les régions malsaines du sein. La modélisation de l'image par les champs aléatoires de Markov permet d'effectuer une segmentation d'images en zones homogènes séparées par des bords francs. Tous les modèles Markoviens exigent la minimisation d'une fonction d'énergie non convexe qui est résolue par les algorithmes aléatoires tel que le recuit simulé ou les algorithmes déterministes tel que l'ICM.

**Mots clés :** Mammographie, microcalcification, champs aléatoires de Markov, Maximum

A Posteriori (MAP), régularisation, algorithmes d'optimisation.

## TABLE DES MATIERES

**INTRODUCTION GENERALE .....** .....1

### **GENERALITES**

<b>1. IMAGE ANALOGIQUE ET IMAGE NUMÉRIQUE :</b> .....	<b>5</b>
<b>2. TYPES D'IMAGES.....</b>	<b>5</b>
<b>3. NIVEAU DE GRIS .....</b>	<b>5</b>
<b>4. HISTOGRAMME .....</b>	<b>6</b>
<b>5. CONTOUR .....</b>	<b>6</b>
<b>6. BRUIT .....</b>	<b>6</b>
<b>7. MAMMOGRAPHIE .....</b>	<b>7</b>
<b>8. CANCER .....</b>	<b>7</b>

### **CHAPITRE 1 : LA MAMMOGRAPHIE**

<b>1. INTRODUCTION :.....</b>	<b>9</b>
<b>2. LE SEIN.....</b>	<b>9</b>
2.1 ANATOMIE DU SEIN .....	9
2.2 PATHOLOGIE DU SEIN .....	11
<b>3. LE MATERIEL :.....</b>	<b>12</b>
<b>4. MICROCALCIFICATION.....</b>	<b>13</b>
4.1 DEFINITION .....	13
4.2 MORPHOLOGIE .....	13
4.3 LE NOMBRE ET LE GROUPEMENT.....	14

**CHAPITRE 2 : L'INFORMATIQUE ET L'IMAGERIE MEDICALE**

<b>1. TECHNIQUES D'IMAGERIE MÉDICALE .....</b>	<b>16</b>
<b>2. APPLICATION DE L'INFORMATIQUE EN IMAGERIE MÉDICALE .....</b>	<b>16</b>
<b>3. LES SYSTÈMES DE NUMÉRISATION DES IMAGES : .....</b>	<b>18</b>
3.1 LA NUMÉRISATION DANS LA RADIOLOGIE CONVENTIONNELLE : .....	19
3.2 ECHOGRAPHIE (STANDARD NOIR ET BLANC) .....	21
3.3 ANGIOGRAPHIE ANALOGIQUE : .....	22
3.4 LA PHOTOGRAPHIE NUMÉRIQUE .....	23
3.5 DÉTECTEURS PHOSPHOLUMINESCENTS A MÉMOIRE .....	23
<b>4. LES FORMATS DES FICHIERS IMAGES : .....</b>	<b>25</b>
4.1 LE FORMAT BMP .....	25
4.2 LE FORMAT DXF .....	26
4.3 LE FORMAT GIF .....	27
4.4 LE FORMAT TIFF .....	27
4.5 LE FORMAT PCX .....	27

**CHAPITRE 3 : FONDEMENTS DES CHAMPS DE MARKOV**

<b>1. INTRODUCTION : .....</b>	<b>29</b>
<b>2. PROBABILITÉ ET VARIABLE ALÉATOIRE : .....</b>	<b>29</b>
2.1 PROBABILITÉ .....	29
2.2 VARIABLE ALÉATOIRE .....	29
2.3 DISTRIBUTION .....	30
2.4 DENSITÉ .....	30
2.5 L'ESPÉRANCE MATHÉMATIQUE .....	30
2.6 VARIANCE .....	30
2.7 MOMENTS .....	31
2.8 DISTRIBUTION JOINTE .....	31
2.9 DENSITÉ JOINTE .....	31
2.10 COVARIANCE .....	32
<b>3. LA THÉORIE DE LA PROBABILITÉ BAYESIENNE .....</b>	<b>32</b>
3.1 PROBABILITÉ CONDITIONNELLE .....	32
3.2 PROBABILITÉ TOTALE .....	33

3.3 THÉORÈME DE BAYES .....	33
3.4 DISTRIBUTION CONDITIONNELLE .....	33
3.5 INDÉPENDANCE CONDITIONNELLE .....	34
<b>4. LA DISTRIBUTION GAUSSIENNE .....</b>	<b>34</b>
4.1 LA DISTRIBUTION NORMALE .....	34
<b>5. THÉORIE DE LA DÉCISION .....</b>	<b>34</b>
5.1 JUJUX .....	34
5.2 FONCTION DE RISQUE .....	35
5.3 RÈGLE DE DÉCISION .....	35
5.4 RISQUE DE BAYES .....	35
5.5 RÈGLE DE DECISION BAYESIENNE .....	35
<b>6. PROCESSUS STOCHASTIQUE ET CHAÎNE DE MARKOV .....</b>	<b>36</b>
6.1 PROCESSUS STOCHASTIQUE .....	36
6.2 CHAÎNES DE MARKOV .....	36
6.2.1 <i>Processus de Markov</i> .....	36
6.2.2 <i>Chaîne de Markov</i> .....	36
6.2.3 <i>Chaines homogènes</i> .....	36
6.2.4 <i>Distribution stationnaire</i> .....	38
<b>7. CHAMPS DE MARKOV .....</b>	<b>38</b>
7.1 VOISINS .....	38
7.3 CHAMP DE MARKOV .....	39
7.5 DISTRIBUTION DE GIBBS .....	40
7.6 THEORÈME DE HAMMERSLEY-CLIFFORD .....	40
7.7 SCHÉMAS SPATIAUX .....	40

## CHAPITRE 4 : CHAMPS MARKOVIENS ET SEGMENTATION

<b>1. INTRODUCTION.....</b>	<b>43</b>
<b>2. MODÈLE MARKOVIEN GÉNÉRAL D'IMAGE .....</b>	<b>43</b>
<b>3. APPROCHE MARKOVIENNE DE LA SEGMENTATION .....</b>	<b>46</b>
3.1 MODÈLE DE DEFORMATION DES DONNÉES .....	48
3.2 MODÈLE A PRIORI .....	49
3.3 ESTIMATEURS BAYESIENS .....	51
3.3.1 <i>Maximum A posteriori (MAP)</i> .....	52

3.3.2 Maximum a Posteriori Marginal (AMP) .....	52
3.3.3 Threshold Posterior Mean (TPM) .....	52
<b>4. ESTIMATION DES PARAMÈTRES.....</b>	<b>53</b>
4.1 MAXIMUM DE VRAISEMBLANCE .....	54
4.2 MÉTHODE DES CODAGES .....	55
4.3 PSEUDO-MAXIMUM DE VRAISEMBLANCE.....	56
<b>5. ALGORITHMES D'OPTIMISATION.....</b>	<b>57</b>
5.1 ALGORITHMES STOCHASTIQUES .....	57
5.1.1 <i>Echantillonneur de Gibbs</i> .....	58
5.1.2 <i>Recuit simulé (Simulated annealing)</i> .....	59
5.2 ALGORITHMES DÉTERMINISTES .....	61
5.2.1 <i>Modes conditionnels itérés</i> .....	61
5.2.2 <i>Non Convexité Graduelle(GNC)</i> .....	62
<b>6. RÉGULARISATION .....</b>	<b>62</b>
6.1 UN MODÈLE GÉNÉRAL DE SEGMENTATION .....	63
6.2 RÉGULARISATION STANDARD DU MODÈLE QUADRATIQUE.....	64
6.3 MODÈLE AVEC PROCESSUS DE LIGNE .....	64
6.3.1 <i>processus de ligne booleen</i> .....	64
6.3.2 <i>La quadratique tronquée</i> .....	66
6.3.3 <i>Processus de ligne non booleen</i> .....	66
6.4 MODÈLE ADAPTE AUX DISCONTINUITÉS(DAM) .....	67
<b>7. CONCLUSION .....</b>	<b>70</b>

## **CHAPITRE 5 : MISE EN ŒUVRE**

<b>1. INTRODUCTION.....</b>	<b>72</b>
<b>2. MODÈLE DE RÉGULARISATION UTILISÉ.....</b>	<b>72</b>
<b>3. ALGORITHME D'OPTIMISATION .....</b>	<b>75</b>
3.1 LES MODES CONDITIONNELS ITÉRÉS (ICM) .....	75
3.2 UN ALGORITHME D'OPTIMISATION BASÉ SUR L'ICM (DAMICM).....	75
3.3 RECUT SIMULÉ AVEC DYNAMIQUE DE METROPOLIS.....	76
<b>4. ESTIMATION DES PARAMÈTRES DU MODÈLE .....</b>	<b>77</b>
<b>5. RÉGLAGE DES PARAMÈTRE .....</b>	<b>78</b>

<b>6. CRITÈRE DE STABILITÉ .....</b>	<b>79</b>
6.1 CRITERE DE CONVERGENCE DE L'ICM .....	79
6.2 CRITÈRE DE CONVERGENCE DE L'ALGORITHME D'OPTIMISATION BASÉ SUR L'ICM .....	80
6.3 CRITERE DE STABILITE DE L'ALGORITHME DE METROPOLIS.....	80
<b>7. CONCLUSION.....</b>	<b>81</b>

## **CHAPITRE 6: TESTS ET EVALUATIONS**

<b>1. INTRODUCTION.....</b>	<b>83</b>
<b>2. PARAMÈTRES DU MODÈLE .....</b>	<b>83</b>
<b>3. IMPLÉMENTATION .....</b>	<b>83</b>
<b>4. TESTS.....</b>	<b>83</b>
4.1 <i>Algorithme ICM</i> .....	84
4.2 <i>L'algorithme basé sur l'ICM</i> .....	87
<i>Tests</i> .....	87
4.3 <i>Algorithme du recuit simulé</i> .....	89
<i>Tests</i> .....	89
<b>5. CONCLUSION.....</b>	<b>91</b>

## **CONCLUSION GENERALE.....**

### **ANNEXE A**

### **ANNEXE B**

### **BIBLIOGRAPHIE**