

no D'ENREGISTREMENT
AU C. N. R. S. :
A. O. 3283

THÈSES

PRÉSENTÉES

A LA FACULTÉ DES SCIENCES DE L'UNIVERSITÉ DE PARIS

POUR OBTENIR

LE GRADE DE DOCTEUR ÈS SCIENCES MATHÉMATIQUES

PAR

Benali BENZAGHOU

1^{re} THÈSE. — ALGÈBRES DE HADAMARD.

2^e THÈSE. — PROPOSITIONS DONNÉES PAR LA FACULTÉ.

Soutenues le 16 juin 1969 devant la Commission d'examen.

MM. M. BRELOT *Président.*
C. PISOT } *Examineurs.*
Y. MEYER }
M^{me} Y. AMICE *Invitée*

SOCIÉTÉ MATHÉMATIQUE DE FRANCE

41, rue Pierre et Marie Curie, 75-PARIS 05

1970

ALGÈBRES DE HADAMARD

PAR

BENALI BENZAGHOU (*).

Table des matières.

	Pages.
Introduction	210
CHAP. I : Propriétés générales des algèbres de Hadamard.	
1. Définitions.....	211
2. Exemples.....	212
3. Propriétés générales des foncteurs de Hadamard.....	214
CHAP. II : Propriétés générales des algèbres $\mathfrak{A}(K)$.	
1. Définitions.....	217
2. Théorème de Mahler.....	219
3. Extension du corps de base.....	222
CHAP. III : Anneaux de Fatou.	
1. Définition.....	223
2. Propriétés des anneaux de Fatou.....	223
CHAP. IV : Groupe des unités de $\mathfrak{A}(K)$.	
1. Groupe des unités $\mathfrak{A}(\mathbf{C})$	226
2. Groupe des unités $\mathfrak{A}(K)$	229
3. Applications.....	230
CHAP. V : Quotient de deux éléments de $\mathfrak{A}(K)$.	
1. Problème du quotient.....	233
2. Suites de Pólya.....	236
3. Démonstration du théorème principal.....	237
4. Théorème de Pólya pour un corps de nombres.....	241
5. Applications.....	242
CHAP. VI : Suites de S-unités d'un corps de nombres k.	
1. Suites d'unités de k	245
2. Suites de S-unités.....	247
APPENDICE.....	249
BIBLIOGRAPHIE.....	251

(*) *Thèse Sc. math.* Paris, 1969.